

PÓS-GRADUAÇÃO EM MODELAGEM COMPUTACIONAL

GA-038 Processamento Digital de Sinais 1P26 – Quarta Lista de Exercícios

EXERCÍCIO 1

Considere os 4 diagramas de polos e zeros da **Figura 1**, que correspondem a funções de transferência $H(z)$ de sistemas LTI causais. A circunferência unitária (centrada na origem) é mostrada em azul.

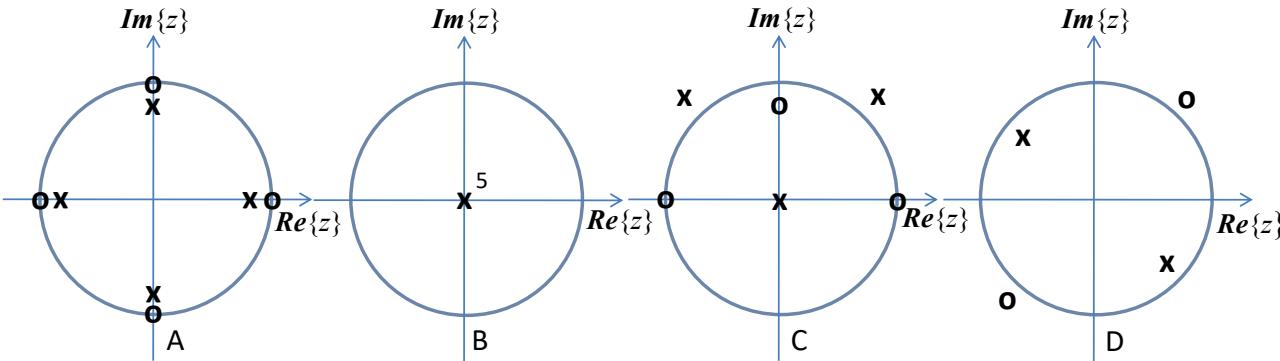


Figura 1. Diagramas de polos e zeros dos sistemas considerados no Exercício 1.

- Esboce o formato de $|H(e^{j\omega})|$ para cada caso.
- Para quais sistemas as respostas impulsivas correspondentes têm valores complexos?
- Qual a ordem de cada sistema?
- Classifique a resposta impulsiva de cada sistema quanto à duração (FIR ou IIR).

EXERCÍCIO 2

Considere o sistema LTI causal:

$$y[n] = x[n] - ax[n-2], \quad \text{com } a = 1,44$$

- Encontre a resposta impulsiva $h[n]$ e a função de transferência $H(z)$ do sistema, caso exista.
- Esboce $|H(e^{j\omega})|$, i.e., o módulo da resposta em frequência do sistema, no intervalo $-\pi < \omega \leq \pi$ rad/amostra.
- Encontre um sistema LTI causal de fase-mínima cuja magnitude da resposta em frequência seja idêntica a do sistema original dado. Verifique graficamente a validade da solução encontrada mostrando em um mesmo gráfico as respostas de magnitude e de fase dos sistemas: original e de fase-mínima.

EXERCÍCIO 3

Considere um sistema LTI causal e de fase não-mínima com $|H(e^{j\omega})|$ mostrada na **Figura 2**, no intervalo entre $-\pi < \omega \leq \pi$ rad/amostra. Sabe-se que todos os polos e zeros de $H(z)$ são distintos e que não há cancelamentos entre polos e zeros.

- A resposta impulsiva $h[n]$ do sistema é uma sequência de valores reais ou complexos?
- Esboce um diagrama de polos e zeros para $H(z)$ que possa produzir $|H(e^{j\omega})|$ da **Figura 2**.
- Qual é a ordem do sistema encontrado no item (b)?
- Classifique quanto à duração a resposta impulsiva $h[n]$ do sistema encontrado no item (b).

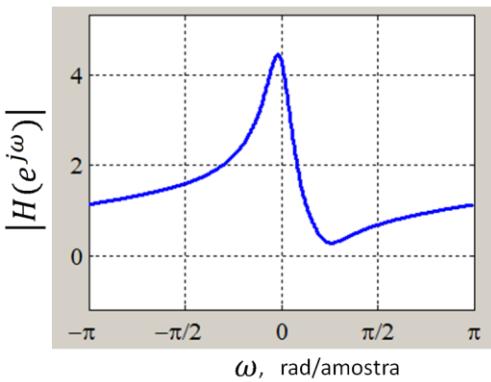


Figura 2. Magnitude da resposta em frequência do sistema considerado no Exercício 3.

EXERCÍCIO 4

Considere o sistema LTI causal SISO representado pelo diagrama de blocos mostrado na **Figura 3**.

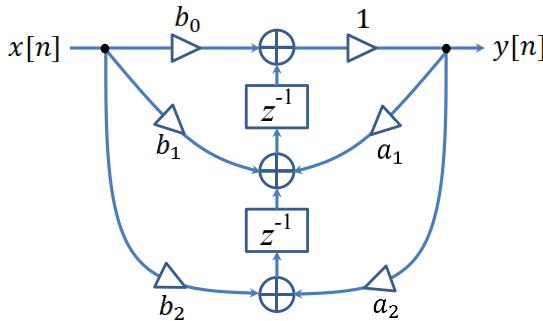


Figura 3. Diagrama de blocos do sistema considerado no Exercício 4.

- Qual é a ordem do sistema?
- Determine as matrizes \mathbf{A} , \mathbf{B} , \mathbf{C} e \mathbf{D} de uma representação por estados do sistema.
- Determine a função de transferência $H(z)$ do sistema em função dos parâmetros a_1 , a_2 e b_i , com $i = 0, 1, 2$.

Especificamente para $a_1 = 2,5$, $a_2 = -1$, $b_0 = 1$, $b_1 = -2,25$ e $b_2 = 0,5$:

- O sistema é assintoticamente estável? É BIBO-estável?

EXERCÍCIO 5

Considere o sistema MIMO representado pelo diagrama de blocos mostrado na **Figura 4**, onde os parâmetros a_1 e a_2 são reais e os cruzamentos diagonais de linha **não** representam conexão física.

- Determine as matrizes \mathbf{A} , \mathbf{B} , \mathbf{C} e \mathbf{D} de uma representação por estados do sistema.
- Determine os polos do sistema.
- Qual condição deve ser imposta aos parâmetros a_1 e a_2 para garantir a estabilidade assintótica do sistema?

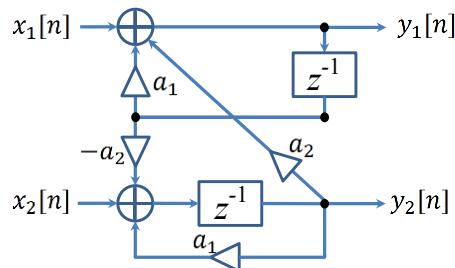


Figura 4. Diagrama de blocos do sistema MIMO do Exercício 5.