

**ANÁLISE I – FGV  
SEGUNDA LISTA**

Prof. Alexandre Madureira

Data de entrega: **02 de fevereiro de 2010**

*Exercício 1.* Assim como no exercício 2.17, um conjunto  $F$  é fechado em  $V$  se  $V \setminus F$  (o complementar de  $F$  em relação ao  $V$ ) é aberto em  $V$ . Mostre que todo conjunto do  $\mathbb{R}^n$  é fechado nele mesmo.

*Exercício 2.* Demonstre o Corolário 2.3.7.

*Exercício 3.* Mostre que todo ponto de

$$\{1/n : n \in \mathbb{N}\}$$

é ponto de fronteira, e que 0 é o único ponto de acumulação.

*Exercício 4.* Mostre que se  $U$  e  $V$  são vizinhanças abertas de  $\mathbf{x} \in \mathbb{R}^n$ , então  $U \cap V$  é vizinhança aberta de  $\mathbf{x}$ .

*Exercício 5.* Mostre sem usar o Teorema de Heine–Borel que a bola aberta  $B_1(\mathbf{0}) \subset \mathbb{R}^n$  não é compacta.

*Exercício 6.* Mostre que a interseção arbitrária de compactos é compacta.

*Exercício 7.* Repita o exercício 6 sem usar que fechados limitados são compactos.